



التمرين الأول : (3 ن)

- أ** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعدد منظم مباشر  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  النقط  $A(-1, 1, 0)$  و  $B(1, 0, 1)$  و  $\Omega(1, 1, -1)$  و الفلكة  $(\mathcal{S})$  التي مركزها  $\Omega$  و شعاعها 3 .  
 وبين أن :  $\vec{k} = \vec{i} + \vec{j}$  و  $\overrightarrow{OA} \wedge \overrightarrow{OB} = 0$  و تتحقق من أن  $x + y - z = 0$  معادلة ديكارتية للمستوى  $(OAB)$  .
- ب** تتحقق من أن :  $d(\Omega, (OAB)) = \sqrt{3}$  ثم بين أن المستوى  $(OAB)$  يقطع الفلكة  $(\mathcal{S})$  وفق دائرة  $(\Gamma)$  شعاعها  $\sqrt{6}$
- أ** لتكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من النقطة  $\Omega$  و العمودي على المستوى  $(OAB)$  .  
 وبين أن :  $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = -1 - t \end{cases}$  تمثيل بارامتري للمستقيم  $(\Delta)$  .
- ب** حدد مثلث إحداثيات مركز الدائرة  $(\Gamma)$  .



التمرين الثاني : (3 ن)

- نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعدد منظم و مباشر  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي أحقاها على التوالي هي  $a$  و  $b$  و  $c$  بحيث :  
 $c = -2 + 5i$  و  $b = 4 + 8i$  و  $a = 7 + 2i$   
 تتحقق من أن :  $c - a = 1 + i$  و  $b - a = (-3 + 6i) - (1 + i) = -9 + 3i$  و بين أن :  $c = -2 + 5i$  .  
 استنتج أن :  $AC = AB \cdot \sqrt{2}$  و اعط قياساً للزاوية الموجهة  $(\widehat{AB}, \widehat{AC})$  .  
 لتكن  $\mathcal{R}$  الدوران الذي مركزه  $B$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$  .  
 وبين أن لحق النقطة  $D$  صورة النقطة  $A$  بالدوران  $\mathcal{R}$  هو :  $d = 10 + 11i$  .  
**أ** أحسب  $\frac{d - c}{b - c}$  و استنتاج أن النقط  $B$  و  $C$  و  $D$  مستقيمة .

التمرين الثالث : (3 ن)

- يحتوي صندوق على 10 كرات : خمس منها حمراء و ثلاثة كرات خضراء و كرتان بيضائيين ( لا يمكن التمييز بينها باللمس )  
 نسحب عشوائياً و في آن واحد أربع كرات من الصندوق .



- نعتبر الحدين  $A$  و  $B$  المعرفين بما يلي :
- A** : " الحصول على كرتان حمراوين و كرتين خضراوين "  
**B** : " لا توجد أية كرة بيضاء من بين الكرات الأربع المسحوبة "

**أ** بين أن :  $p(A) = \frac{1}{7}$  و  $p(B) = \frac{1}{3}$

- لتكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات البيضاء المسحوبة .  
 تتحقق من أن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي  $X$  هي : 0 و 1 و 2 .

**ب** [2] بين أن :  $p[X = 1] = \frac{8}{15}$  ثم حدد قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  .

ن 1,25



$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{25}{10 - u_n} & ; (\forall n \in \mathbb{N}^*) \\ u_1 = 0 \end{cases}$$

التمرين الرابع : ( ٣ ن )

لتكن  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  المتالية العددية المعرفة بما يلي :

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) ; \quad 5 - u_{n+1} = \frac{5(5 - u_n)}{5 + (5 - u_n)} \quad \text{تحقق من أن : } \boxed{\phantom{00}} \boxed{1} \boxed{\phantom{00}}$$

. (  $\forall n \in \mathbb{N}^*$  ) ;  $5 - u_n > 0$  : و بين بالترجم أن

نعتبر المتالية العددية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  المعروفة بما يلي : 2

$$(\forall n \in \mathbb{N}^*) ; v_{n+1} = \frac{10 - u_n}{5 - u_n} \quad \text{أ } \boxed{1} \boxed{2} \boxed{3}$$

ثم تتحقق من أن :  $v_{n+1} - v_n = 1$

ب) بين أن :  $v_n = n$  :  $\lim_{n \rightarrow \infty} v_n = \infty$  و استنتج أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}^*) ; u_n = 5 - \frac{5}{n}$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n : \text{حدد } \boxed{\text{ج}} \boxed{\text{ب}} \boxed{\text{أ}}$$

التمرين الخامس : (8 ن )

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

و ليكن  $(\mathcal{C})$  المنحنى الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد منظم و مباشر  $(j, i, O)$ . (الوحدة  $1 \text{ cm}$ )

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$  و أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  : □ 1 □

ثم استنتج أن المنحنى (C) يقبل بجوار  $+ \infty$  فرعاً شلجمياً يتم تحديد اتجاهه.

تحقق من أن :  $f(x) = x^2e^x - 4xe^x + 4e^x$  أ 2 \_\_\_\_\_

**ب 2** بين أن :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^n e^x = 0$  ثم أُول النتيجة هندسيا (نذكر أن :

$$(\forall x \in \mathbb{R}) ; f'(x) = x(x-1)e^x : \text{أ } 3$$

**ب** بين أن  $f$  تزايدية على كل من  $[0; -\infty]$  و  $[2; +\infty)$  وأن  $f$  تناسبية على  $[0; 2]$ .

ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$ .

**أ ٤** بين أن :  $f''(x) = (x^2 - 2)e^x$  ثم استنتج أن للمنحنى (٨) نقطتي

انعطاف تحديد أرتوبيهما غير مطلوب .

أنشئ المحنى (8) في المعلم (j,i,0).

**أ** بين أن  $h : x \mapsto xe^x$  دالة أصلية للدالة  $H : x \mapsto (x-1)e^x$  على  $\mathbb{R}$

$$\int_0^1 xe^x dx \quad \text{ثم احسب}$$

$$\int_0^1 x^2 e^x dx = e - 2 \quad \text{باستعمال متكاملة بالأجزاء بين أن : ب 5}$$

وَأَنْ يَعْلَمُ الْمُؤْمِنُونَ

اللذين مولاناهم  $x = 0$  و  $x = 1$  :  $5(e - 2) \text{ cm}^2$

استعمل المحنخ (6) لاعطاء حلول المعادلة  $x^2 \equiv e^{-x} + 4x - 4$  مع  $(x \in \mathbb{R})$ .